

== 1次関数 ==

【この頁の目標】

- I 1次関数のグラフを見て、方程式が答えられるようにする。
- II 直線のグラフから「切片」と「傾き」を読み取れるようにする。
- III 傾きが分数になるときでも、直線のグラフから1次関数の方程式を答えられるようにする。

■直線の方程式(1次関数の方程式)

直線の方程式を

$$y = ax + b$$

の形で書いたとき

- (1) 定数項 b は「切片」と呼ばれます。

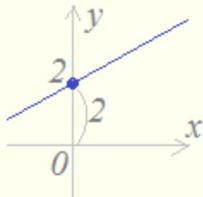
・切片 b は、右の図2のように y 軸との交点（の y 座標）を表しています。

・ b が正の数になるときは、 b は原点から y 軸との交点までの長さになります。

【例1】

右の直線の切片は 2 です。

直線の方程式は $y = ax + 2$ の形になります。

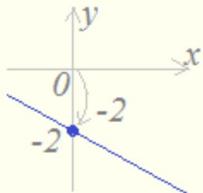


・直線は原点よりも下で y 軸と交わるときは、 b として負の数を使って表します。

【例2】

右の直線の切片は -2 です。

直線の方程式は $y = ax - 2$ の形になります。



・ y 軸と原点 $(0, 0)$ で交わっているとき、切片の値は 0 になります。

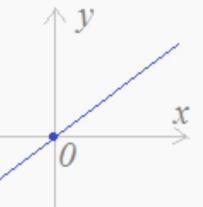
【例3】

右の直線の切片は 0 です。

直線の方程式は $y = ax + 0$ の形になります。

このときは、単に $y = ax$ の形で表します。

このような定数項が 0 (ない) のグラフは、中学校1年生の時に習った比例のグラフになります。



- (2) x の係数 a は「傾き」と呼ばれます。

・傾き a は、直線が急な傾斜になっているか、緩やかな傾斜になっているかを角度ではなく「1つの数字」で表したもののです。

・傾き a は、 x の正の向きに1目盛り進んだときに y の向きに幾ら進むかを「符号付きの数字で」表したものです。

例えば右図3で、

①のグラフは x の正の向きに1目盛り進んだときに y の向きに **1** だけ進んでいるので、直線①の傾きは **1** です。
($a=1$)

【例4】

右の直線の傾きは **1** です。

直線の方程式は $y = 1x + b = x + b$ の形になります。

切片 $b=2$ も読み取ると、結局、直線の方程式は $y = x + 2$ であることが分かります。

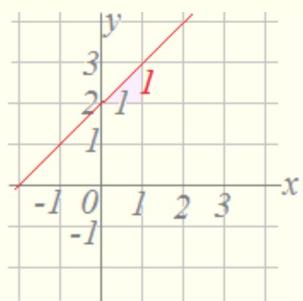


図1

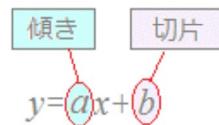


図2 «切片»

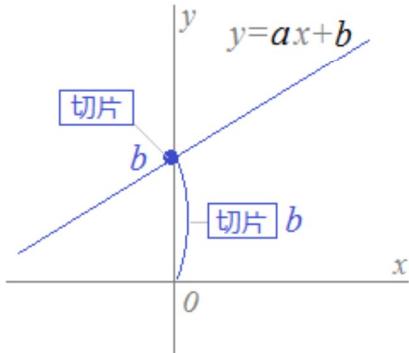
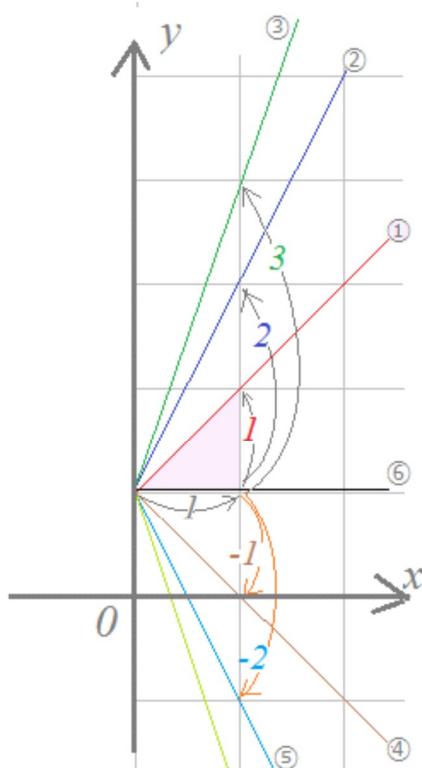


図3 «傾き»



→ 続き

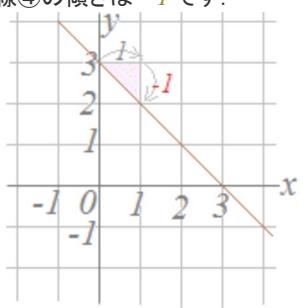
④のグラフは x の正の向きに1目盛り進んだときに y の向きに **-1** だけ進んでいるので、直線④の傾きは **-1** です。

【例7】

右の直線の傾きは **-1** です。
($a=-1$)

直線の方程式は $y = -1x + b = -x + b$ の形になります。

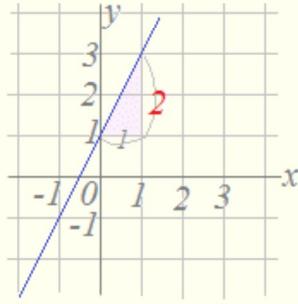
切片 **3** も読み取ると、結局、直線の方程式は $y = -x + 3$ であることが分かります。



②のグラフは x の正の向きに 1 目盛り進んだときに y の向きに 2 だけ進んでいるので、直線②の傾きは 2 です。

【例5】
右の直線の傾きは 2 です ($a=2$)。
直線の方程式は $y=2x+b$ の形になります。

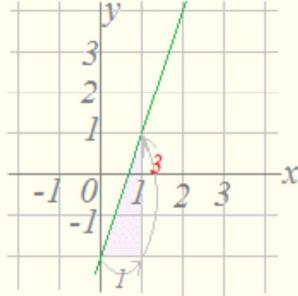
切片 $b=1$ も読み取ると、結局、直線の方程式は $y=2x+1$ であることが分かります。



③のグラフは x の正の向きに 1 目盛り進んだときに y の向きに 3 だけ進んでいるので、直線③の傾きは 3 です。

【例6】
右の直線の傾きは 3 です。($a=3$)
直線の方程式は $y=3x+b$ の形になります。

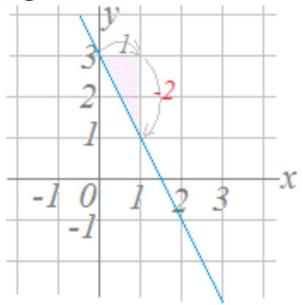
切片 $b=-2$ も読み取ると、結局、直線の方程式は $y=3x-2$ であることが分かります。



→右に続く

⑤のグラフは x の正の向きに 1 目盛り進んだときに y の向きに -2 だけ進んでいるので、直線⑤の傾きは -2 です。

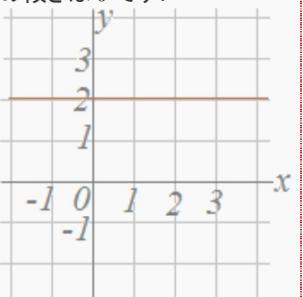
【例8】
右の直線の傾きは -2 です。($a=-2$)
直線の方程式は $y=-2x+b$ の形になります。
切片 3 も読み取ると、結局、直線の方程式は $y=-2x+3$ であることが分かります。



⑥のグラフは x の正の向きに 1 目盛り進んだときに y の向きに「全く進んでいません」。この直線⑥の傾きは 0 で表します。

このように、 x 軸に平行な直線の傾きは 0 です。

【例9】
右の直線の傾きは 0 です。($a=0$)
直線の方程式は $y=0x+b=b$ の形になります。
切片 2 も読み取ると、結局、直線の方程式は $y=2$ であることが分かります。



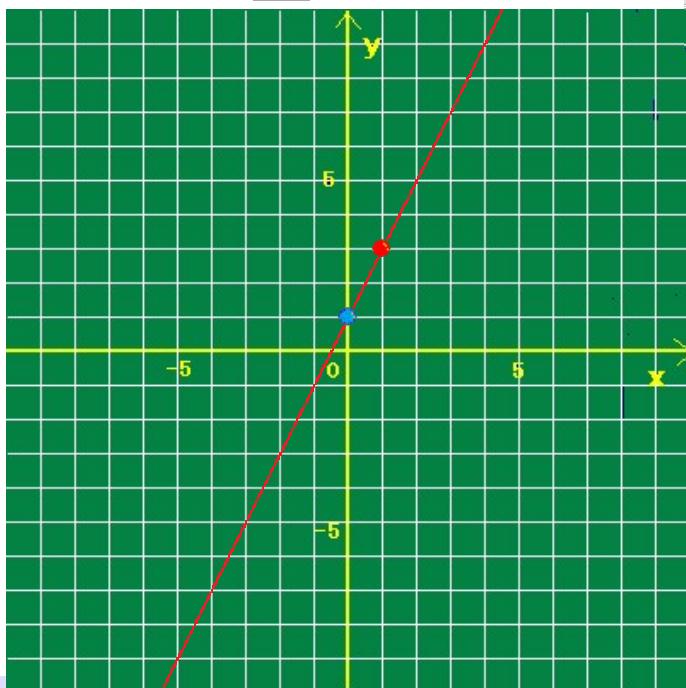
※HTML版では8問ありますが、印刷物では最初の1問だけが印刷されています

問題1 次の1次関数のグラフについて、傾きと切片を求めてください。(各々、右の選択肢から選んでください。)

問題は8題あります。

間違ったときは **help** を押す
次の問題を出すには **Next** を押す

グラフ [1 / 8] **Next**



【切片】

-4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4

【傾き】

-4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4

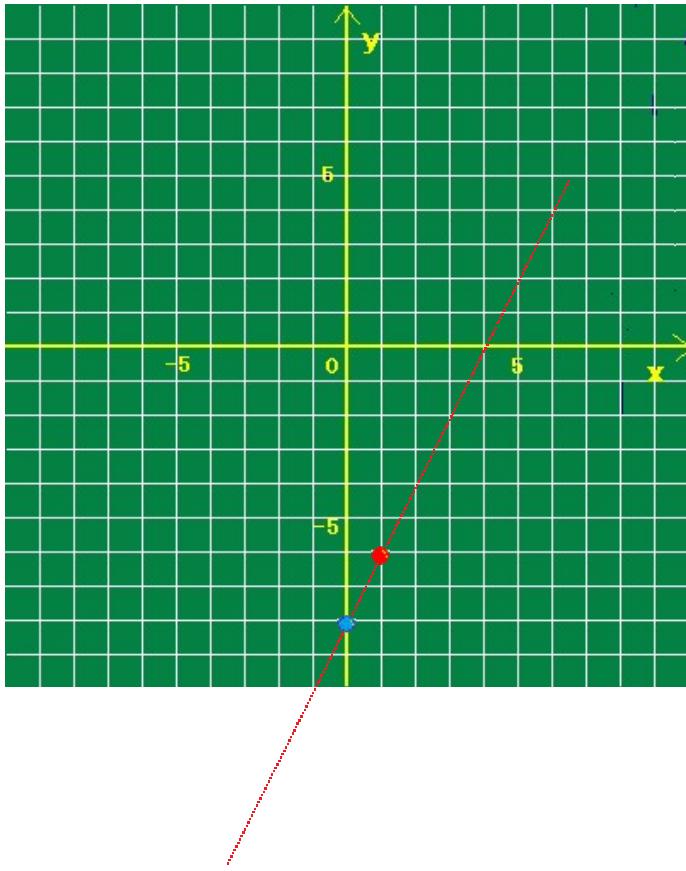
Help

【切片】

直線は y 軸と点(0,1)で交わるから、切片は 1 (青で示した点)

【傾き】

直線から階段のように線を引くと、青の点から赤の点まで x 座標が 1 増加するときに y 座標は 2 增加する。
したがって、傾きは $\frac{2}{1} = 2$



【方程式】

$$y=2x+3 \quad y=2x-3 \quad y=-2x+3 \quad y=-2x-3$$

$$y=3x+2 \quad y=3x-2 \quad y=-3x+2 \quad y=-3x-2$$

Help

[切片]

直線は y 軸と点 $(0, -3)$ で交わるから、切片は -3 (青い点)

[傾き]

直線から階段のように線を引くと、青の点から赤の点まで x 座標が 1 だけ増加するときに y 座標は 2 だけ増加する。

したがって、傾きは

[方程式]

ゆえに、方程式は

$$y=2x-3$$

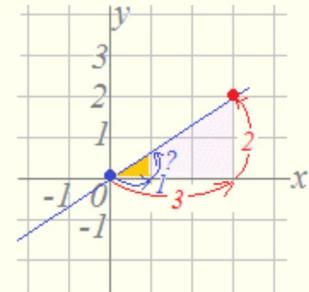
■分数になるときの傾きの読み方

右のような直線の傾きを読み取りたいとき、 x が 1 だけ増加したときの y の増加を読み取ろうとすると、分数(小数)になってしまって正確に読み取れません。

このような場合、「比例の関係」を思い出すと、右図で黄色の直角三角形の「横の長さ:縦の長さ」は桃色の直角三角形の「横の長さ:縦の長さ」と同じになっています。

そこで、このような場合には縦の長さが求めやすい所まで進んで

$$\text{傾き} = \frac{\text{縦の長さ}}{\text{横の長さ}}$$



によって計算することができます。

「階段の絵を描くときに、横幅は使いやすいように決めてよい」ということです。(横を大きくすると縦も大きくなるので、分数としては同じものになります。)

この図では、

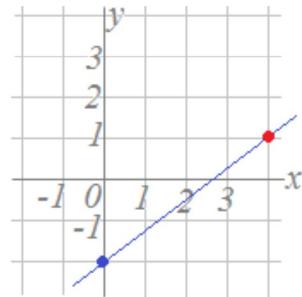
$$\text{傾き} = \frac{2}{3}$$

になります。

例10

右のような直線の方程式を読み取りたいとき、

- 青の点の y 座標から切片は -2 です。
- 次に、傾きを求めるときに、 x が 1 だけ増加したときの y の増加を読み取ろうとすると、分数(小数)になってしまって正確に読み取れません。



そこで、右に進んで x 座標、 y 座標の両方とも整数であるような点を探すと、赤で示した点まで右に 4 、上に 3 進めばよいことが分かります。

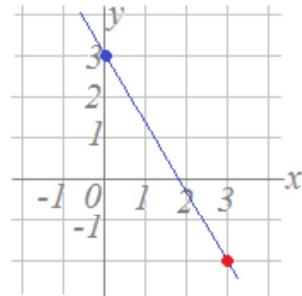
傾きは $\frac{3}{4}$ になります。

- これらを組み合わせると、直線の方程式が求まります。
- 直線の方程式 : $y = \frac{3}{4}x - 2$

例11

右のような直線の方程式を読み取りたいとき、

- 青の点の y 座標から切片は 3 です。
- 次に、傾きを求めるときに、 x が 1 だけ増加したときの y の増加を読み取ろうとすると、分数(小数)になってしまって正確に読み取れません。



そこで、右に進んで x 座標、 y 座標の両方とも整数であるような点を探すと、赤で示した点まで右に 3 、上に -5 (下に 5) 進めばよいことが分かります。

傾きは $-\frac{5}{3}$ になります。

- これらを組み合わせると、直線の方程式が求まります。

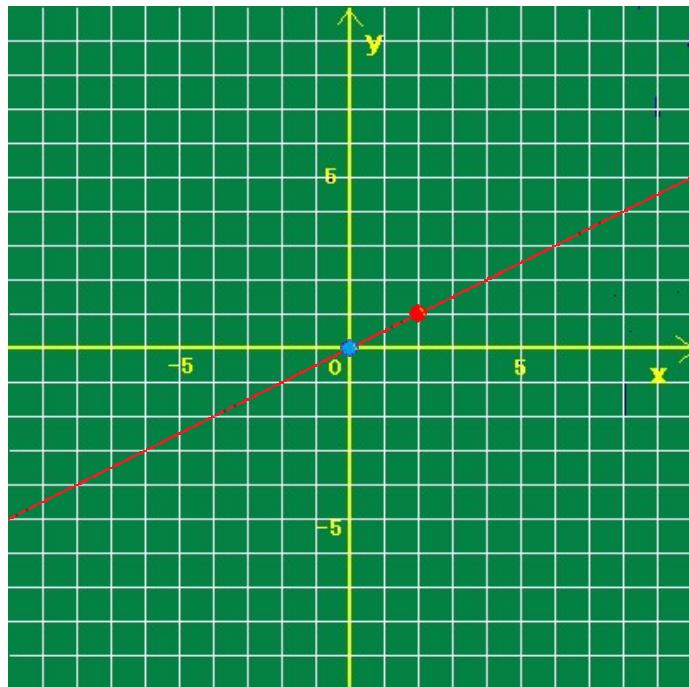
直線の方程式 : $y = -\frac{5}{3}x + 3$

※HTML版では10問ありますが、印刷物では最初の1問だけが印刷されています

問題3 次の1次関数の方程式を求めてください。(右の選択肢から選んでください。)

グラフ [1 / 10]

Next



【方程式】 ☀

$$y=2x \quad y=-2x \quad y=x+2 \quad y=x-2$$
$$y=-x+2 \quad y=-x-2 \quad y=\frac{1}{2}x \quad y=-\frac{1}{2}x$$

Help

[切片]

直線は y 軸と点 $(0,0)$ で交わるから、切片は 0 (青い点)

[傾き]

直線から階段のように線を引くと、青の点から赤の点まで x 座標が 2 だけ増加するときに y 座標は $\frac{1}{2}$ だけ増加する。
したがって、傾きは $\frac{1}{2}$

[方程式]

ゆえに、方程式は $y = \frac{1}{2}x$